

6.- Conteste en NO MÁS DE 3 LÍNEAS: ¿Qué alternativa recomienda Ud. para leer el ángulo de la práctica de "Fuerzas sobre superficie sumergida", en caso de no contar con un graduador? **(3 puntos)**

Tomar una distancia vertical (Ej. 120 mm) y luego una horizontal hasta que intersecte con la hipotenusa respectiva. Así $\theta = \tan^{-1}\left(\frac{y}{x}\right)$. Esto es más preciso que tomar el graduador.

7.- Escoja la opción CORRECTA la práctica de "Aparato medidor de flujo": **(3 puntos)**

- "Los dispositivos medidores eran el Rotámetro, el codo y el Venturi."
 "Físicamente daba lo mismo usar Bernoulli entre el diámetro menor y el mayor del Venturi que viceversa."
 "Siempre se podía aplicar con total confianza la ecuación de la continuidad."

8.- El factor de fricción de Darcy tiene las siguientes unidades: **(2 puntos)**

- a) M/T b) L c) M² T⁻² **d) 1** e) L M² T⁻²

9.- En la ecuación generalizada de la energía: **(3 puntos)**

"¿Cuántas y cuáles clases de energía se tienen?"

$$\frac{dE_{sis}}{dt} = \dot{H} + \dot{W} = \frac{\partial}{\partial t} \int_{vc} \rho e dV + \int_{sc} \left(\frac{p}{\rho} + e \right) \rho (\vec{V} \cdot \vec{n}) dA$$

1) Energía mecánica: Potencial gravitatoria y cinética

2) Energía interna: u

Adicionales:

3) Energía de flujo: $\frac{p}{\rho}$

¿También "válidos"? Transferencia de Energía $\left[\frac{J}{s}\right]$
de Trabajo $\left[\frac{J}{s}\right]$

Iida. PARTE (10 PUNTOS):

Un ducto de aire a 45° y de 1 m^2 de sección transversal (en el punto 1) es gradualmente reducido a la mitad de su área en la sección 2, según la figura correspondiente. Encuentre la magnitud y dirección de la fuerza requerida para mantener al ducto en posición si la velocidad del flujo a la altura de la sección 1 es 10 m/s , y la presión es 29430 Pa . Tome la densidad del aire como 1.16 kg/m^3 . Considere, en cualquier sección del tubo, al punto medio del mismo como eje de referencia para sus cálculos.

Datos:

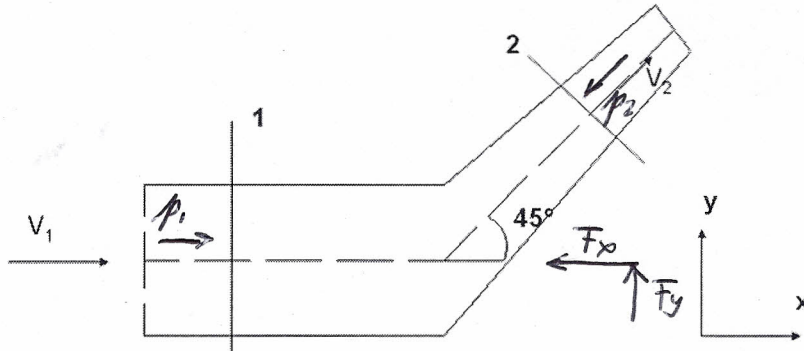
$$A_1 = 1 \text{ m}^2$$

$$A_2 = 0.5 \text{ m}^2$$

$$V_1 = 10 \text{ m/s}$$

$$p_1 = 29430 \text{ Pa}$$

$$\rho_{\text{aire}} = 1.16 \text{ kg/m}^3$$



Ecuación de Bernoulli:

$$\frac{p_1}{\rho g} + \frac{V_1^2}{2g} + z_1 = \frac{p_2}{\rho g} + \frac{V_2^2}{2g} + z_2 \quad \therefore z_2 - z_1 = 0$$

$$\frac{p_1}{\rho g} + \frac{V_1^2}{2g} - \frac{V_2^2}{2g} = \frac{p_2}{\rho g} \quad 2/2$$

$$p_2 = 29256 \text{ Pa}$$

Ecuación de la continuidad:

$$A_1 V_1 = A_2 V_2$$

$$\frac{1(10)}{0.5} \Rightarrow V_2 = \frac{20 \text{ m}}{1} \quad 1/1$$

Teorema de Transporte de Reynolds: (TTR) Se asume estacionariedad:

$$\sum F_x = \int_{CV} \rho \vec{U} \cdot d\vec{A} + \int_{SC} \rho \vec{v}_n \cdot (v_x dA)$$

$$p_1 A_1 - p_2 A_2 \cos 45^\circ - F_x = \rho V_2^2 A_2 \cos 45^\circ - \rho V_1^2 A_1$$

$$F_x = p_1 A_1 - p_2 A_2 \cos 45^\circ - \rho [V_2^2 A_2 \cos 45^\circ - V_1^2 A_1]$$

$$F_x = 29430(1) - 29256(0.5) \cos 45^\circ - 1.16 [20^2(0.5) \cos 45^\circ - 10^2(1)]$$

$$F_x = 19038.39 \text{ N} \leftarrow \quad 3/3$$

y: $3/3$

$$-p_2 A_2 \sin 45^\circ + F_y = \rho V_2^2 A_2 \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$F_y = 10578.32 \text{ N} \uparrow$$

$$F_{\text{TOTAL}} = \sqrt{F_x^2 + F_y^2}$$

$$F_{\text{TOTAL}} = 21779.8 \text{ New}$$

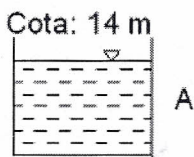
$$\theta = \tan^{-1} \frac{F_y}{F_x} = 29.05^\circ$$

Resultante: $1/1$

$$F = 21779.8 \text{ N} \swarrow 29.05^\circ$$

IIIra. PARTE (20 PUNTOS):

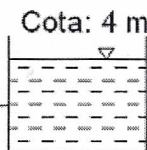
Un depósito de agua B (de nivel variable) es alimentado mediante un conducto de 400 m de longitud y 200 mm de diámetro, por otro recipiente A de nivel constante. Por otra parte, el depósito B alimenta otro conducto de 200 m de longitud y diámetro desconocido que descarga al ambiente a la elevación de 0 m. Los conductos son de hierro fundido (*cast iron*). Determinar el diámetro desconocido para que el nivel en B permanezca constante a la elevación de 4 m. Tome la viscosidad cinemática del agua como $1 \cdot 10^{-6} \text{ m}^2/\text{s}$ y su densidad como 1000 Kg/m^3 . Use el diagrama de Moody o las ecuaciones de Colebrook o Haaland para sus cálculos.



Ec. de Bernoulli AB

$$\frac{P_A}{\rho g} + \frac{V_A^2}{2g} + z_A = \frac{P_B}{\rho g} + \frac{V_B^2}{2g} + z_B + h_{AB}$$

$L = 400 \text{ m}$
 $\Phi = 200 \text{ mm}$



$L = 200 \text{ m}$
 $\Phi = ?$

Cota: 0 m

$$z_A - z_B = f_{AB} \frac{L_{AB}}{\Phi_{AB}} \frac{V_{AB}^2}{2g} \quad 2/2$$

$$V_{AB} = \sqrt{\frac{10(0.2)(9.8)(2)}{400f}} \quad V_{AB} = \frac{0.31}{\sqrt{f_{AB}}} \quad (1) \checkmark$$

$$Re_{AB} = \frac{V_{AB} \Phi_{AB}}{\nu} \quad Re_{AB} = 2 \times 10^5 V_{AB} \quad (2) \checkmark \quad 1/1$$

AB

$$\frac{\epsilon}{\Phi} = \frac{0.26}{200} = 0.0013$$

$$L_{AB} = 400 \text{ m}$$

$$\Phi = 0.2 \text{ m}$$

BC

$$L_{BC} = 200 \text{ m}$$

$$\Phi_{BC} = ?$$

Estimación de V_{AB} (iteraciones):

#	$f \rightarrow (1)$	$V_{AB} \rightarrow (2)$	$Re \rightarrow$	Haaland $\rightarrow f$
1	0.02	2.19	4.38×10^5	0.0215
2	0.0215	2.11	4.22×10^5	0.0215

$\Rightarrow V_{AB} = 2.11 \text{ m/s} \quad \# \quad 5/5 \quad \text{OK!}$

Ec. Bernoulli BC:

$$\frac{P_B}{\rho g} + \frac{V_B^2}{2g} + z_B = \frac{P_C}{\rho g} + \frac{V_C^2}{2g} + z_C + h_{BC}$$

$$z_B - z_C = 4 = \frac{V_C^2}{2g} + h_{BC}$$

$$4 = \frac{V_C^2}{2g} + f_{BC} \frac{L_{BC}}{\Phi_{BC}} \frac{V_C^2}{2g} \quad 4/1$$

$$\Rightarrow f_{BC} = \frac{\Phi_{BC}}{L_{BC}} \left[\frac{4(2g)}{V_{BC}^2} - 1 \right] \quad (3) \checkmark$$

$$Re_{BC} = \frac{V_{BC} \Phi_{BC}}{\nu} \quad (4) \checkmark \quad 1/1$$

Estimación de Φ_{BC} : iteraciones

#	$\Phi_{BC} \rightarrow (5)$	$V_{BC} \rightarrow (4)$	$Re \rightarrow$	Haaland $\rightarrow f_1$	Eg 3 f_2
1	0.3	0.938	289400	0.02	0.132
2	0.2	2.11	422500	0.0215	0.0166
3	0.22	1.74	382800	0.0211	0.027
4	0.215	1.82	391300	0.024	0.0212

$L \rightarrow R: \Phi = 0.215 \text{ m} \quad \#$

Ecuación de la Continuidad: $Q_{AB} = Q_{BC}$

(Si el nivel en B es constante!) $\Rightarrow V_{AB} \frac{\pi \Phi_{AB}^2}{4} = V_{BC} \frac{\pi \Phi_{BC}^2}{4} \therefore \sqrt{\frac{V_{AB} \Phi_{AB}^2}{V_{BC}}} = \Phi_{BC} \therefore V_{BC} = \frac{0.0844}{\Phi_{BC}^2} \quad 1/1 \quad (5) \checkmark$