



ESCUELA SUPERIOR POLITÉCNICA DEL LITORAL  
FACULTAD DE CIENCIAS NATURALES Y MATEMÁTICAS  
DEPARTAMENTO DE MATEMÁTICAS  
SEGUNDA EVALUACIÓN DE MODELOS AVANZADOS EN TRANSPORTE  
24 DE FEBRERO DE 2015



**Profesor:** Erwin Delgado B.

**Nombre:** \_\_\_\_\_ **Paralelo:** \_\_\_\_\_

**NOTA:** Este examen está diseñado para ser resuelto de manera individual, puede usar un lápiz o esferográfico. Solo puede comunicarse con la persona responsable de la recepción del examen; y, cualquier instrumento de comunicación que hubiera traído, deberá apagarlo y ponerlo en la parte anterior del aula, junto con algún otro material que se encuentre acompañándolo. No consultará: libros, notas, algún apunte adicional a las que se entreguen en esta evaluación, ni tampoco utilizará calculadoras o cualquier otro instrumento de cálculo automatizado. Desarrolle los temas de manera ordenada. **Firme como constancia de haber leído lo anterior**

**Firma:** \_\_\_\_\_

1. (50%) Considere el problema de distribución de contenedores vacíos, con la variante de que los movimientos entre hubs no son permitidos. En este caso, cada tipo de bienes  $p \in P$  puede ser transportado desde sus orígenes  $i \in O$  a sus destinos  $k \in D$  de forma directa o por medio de la consolidación en el terminal  $j \in H$ . Considere los siguientes parámetros:

$u_j$ : Capacidad del terminal de consolidación  $j \in H$

$o_i^p$ : Oferta del origen  $i \in O$  del bien  $p \in P$

$d_k^p$ : Demanda del cliente  $k \in D$  del bien  $p \in P$

$c_{ijk}^p$ : Costo de transportación por unidad del bien  $p \in P$  desde el origen  $i \in O$  al destino  $j \in D$  a través del terminal  $j \in H$

$c_{ik}^p$ : Costo de transportación por unidad del bien  $p \in P$  desde el origen  $i \in O$  al destino  $j \in D$  de forma directa

Formule un MIP que permita satisfacer la demanda de los clientes a un mínimo costo.

2. (50%) Uno de los problemas operativos a desarrollar en el transporte marítimo es la planificación del atraque de los barcos en los muelles, es decir el tiempo y la posición en la cual cada barco atracará.

Considere el siguiente conjunto de parámetros y variables que permitirá modelizar este problema.

Parámetros

$N$ : Conjunto de barcos

$M$ : Conjunto de muelles

$t_i^k$ : Tiempo de manipulación del barco  $i$  en el muelle  $k$

$a_i$ : Tiempo de arribo del barco  $i$

$s_k$ : Inicio del tiempo de disponibilidad del muelle  $k$

$e_k$ : Fin del tiempo de disponibilidad del muelle  $k$

$b_i$ : Límite superior de la ventana de servicio del barco  $i$ .

$v_i$ : Valor del tiempo de servicio del barco  $i$

$M_{ij}^k$ :  $\text{Max} \{b_i + t_i^k - a_j, 0\}$ ,  $k \in M, i \in N$

$G^k = (V^k, A^k)$ ,  $k \in M$ , donde  $V^k = N \cup \{o(k), d(k)\}$  y  $A^k \subset V^k \times V^k$

Variables de decisión

$x_{ij}^k$ : 1 ssi el barco  $j$  está planificado después del barco  $i$  en el muelle  $k$ , 0 en caso contrario

$T_i^k$ : Tiempo cuando el barco  $i$  atracará en el muelle  $k$ ;

$T_{o(k)}^k$ : Tiempo cuando el primer barco  $i$  atracará en el muelle  $k$ ;

$T_{d(k)}^k$ : Tiempo cuando el último barco  $i$  parte del muelle  $k$ ;

A continuación se muestra la formulación matemática propuesta por Cordeau<sup>1</sup> del problema antes descrito

---

<sup>1</sup>Cordeau, J.-F., Laporte, G., Legato, P., Moccia, L. (2005). Models and tabu search heuristics for the berth allocation problem. *Transportation Science* 39 (4), 526-538.

Formulación matemática:

$$\text{Minimice } \sum_{i \in N} \sum_{k \in M} v_i \left[ T_i^k - a_i + t_i^k \sum_{j \in N \cup d(k)} x_{ij}^k \right]$$

Sujeto a:

$$\sum_{k \in M} \sum_{j \in N \cup d(k)} x_{ij}^k = 1, \quad i \in N \quad (1)$$

$$\sum_{j \in N \cup d(k)} x_{o(k)j}^k = 1, \quad k \in M \quad (2)$$

$$\sum_{j \in N \cup o(k)} x_{i,d(k)}^k = 1, \quad k \in M \quad (3)$$

$$\sum_{j \in N \cup d(k)} x_{ij}^k - \sum_{j \in N \cup o(k)} x_{ji}^k = 0, \quad k \in M, i \in N \quad (4)$$

$$T_i^k + t_i^k - T_j^k \leq (1 - x_{ij}^k) M_{ij}^k, \quad k \in M, (i, j) \in A^k \quad (5)$$

$$a_i \leq T_i^k, \quad k \in M, i \in N \quad (6)$$

$$T_i^k + t_i^k \sum_{j \in N \cup d(k)} x_{ij}^k \leq b_i, \quad k \in M, i \in N \quad (7)$$

$$s_k \leq T_{o(k)}^k, \quad k \in M \quad (8)$$

$$e_k \geq T_{d(k)}^k, \quad k \in M \quad (9)$$

$$x_{ij}^k \in \{0, 1\}, \quad k \in M, (i, j) \in A^k \quad (10)$$

Explique la utilidad de cada una de las restricciones del modelo propuesto.