

b. (5 puntos) Utilizar la definición formal de límites para demostrar que

$$\lim_{x \rightarrow 2} \sqrt{x-1} = 1$$

Determinemos un δ tal que

$$0 < |x - 2| < \delta \Rightarrow |\sqrt{x-1} - 1| < \varepsilon$$

Puesto que:

$$\begin{aligned} |x - 2| &= |(x - 1) - 1| \\ &= |\sqrt{x-1} + 1| |\sqrt{x-1} - 1| \end{aligned}$$

Y como

$$|\sqrt{x-1} + 1| > 1$$

Entonces:

$$\begin{aligned} |x - 2| &= |\sqrt{x-1} + 1| |\sqrt{x-1} - 1| \\ &> |\sqrt{x-1} - 1| \end{aligned}$$

Reescribiendo lo anterior se tiene que:

$$|\sqrt{x-1} - 1| < |x - 2| < \delta \Rightarrow |\sqrt{x-1} - 1| < \varepsilon$$

Por lo tanto:

$$\delta = \varepsilon$$

Desempeño			
Insuficiente	Regular	Satisfactorio	Excelente
No desarrolla procesos coherentes que conduzcan a la determinación de lo solicitado	Establece la definición de límite para la función dada e intenta establecer la relación entre delta y épsilon.	Realiza un acotamiento lo que permite establecer la relación entre el antecedente y el consecuente de la definición de límite, pero se equivoca en el acotamiento.	Demuestra correctamente el límite de la función dada estableciendo claramente la relación entre delta y épsilon
0	1-2	3-4	5